

# PROGRAMA ANALÍTICO UNIVERSIDAD NACIONAL DE RÍO CUARTO FACULTAD DE INGENIERÍA

DEPARTAMENTO: CIENCIAS BÁSICAS CARRERAS: INGENIERÍA QUÍMICA INGENIERÍA MECÁNICA

> INGENIERÍA EN ENERGÍA ELÉCTRICA INGENIERÍA EN TELECOMUNICACIONES INGENIERÍA EN ENERGÍAS RENOVABLES

PLAN DE ESTUDIO: 1994 - 2005 - 2004 - 2010 - 2021

MODALIDAD DE CURSADO: Presencial

**ORIENTACIÓN:** Ingeniería en Energía Eléctrica

Sistemas Electrónicos Industriales Sistemas Eléctricos de Potencia

Ingeniería en Telecomunicaciones

Radio Comunicaciones y Telecomunicaciones (E1) Servicios de Datos y Sistemas Multimediales (E2)

Sistemas Embebidos (E3)

ASIGNATURA: CÁLCULO II

CÓDIGO: 0402 / 2402

**DOCENTE RESPONSABLE:** 

NOMBRE	GRADO ACADÉMICO MÁXIMO	CARGO	DEDICACIÓN
Alba Lema	Ingeniera Química	Profesora Asociada	Exclusiva

#### **EOUIPO DOCENTE:**

NOMBRE GRADO ACADÉMICO MÁXIMO		CARGO	DEDICACIÓN
Alba Lema Ingeniera Química Profesora		Profesora Asociada	Exclusiva
Ana Borgarello	Doctora en Ciencias de la Ingeniería	Jefe de Trabajos Prácticos	Exclusiva
Guillermo Bossio	Doctor en Ingeniería	Profesor Asociado	Exclusiva
Daniel Forchetti	Doctor en Ingeniería	Profesor Adjunto	Exclusiva
Javier Zizzias	Magister en Ciencias de la Ingeniería	Profesor Adjunto	Exclusiva
Carolina Allevi	Ingeniera Química	Ayudante de Primera	Semi-Exclusiva

AÑO ACADÉMICO: 2023

CARÁCTER DE LA ASIGNATURA: Obligatoria RÉGIMEN DE LA ASIGNATURA: Cuatrimestral

**UBICACIÓN EN EL PLAN DE ESTUDIO:** Primer cuatrimestre de 2° año

RÉGIMEN DE CORRELATIVIDADES:

Aprobada	Regular	
0401 / 2401	0404 / 2404	

**DURACIÓN:** 15 semanas

Programa Analítico Página 1 de 21



### ASIGNACIÓN DE HORAS:

Carga horaria semanal: 6 h	Carga horaria total: 90 h	RTF (*): 6,75
Teóricas:	Prácticas:	Teórico-prácticas: 90 h

	Resolución de problemas tipo	
	Problemas de ingeniería	
Distribución de las	Laboratorio	
actividades de formación	Proyecto integrador	
práctica	Trabajo de campo	
	Práctica socio-comunitaria	
	Práctica profesional	

# **FUNDAMENTACIÓN:**

La asignatura Cálculo II, se dicta para todas las carreras de grado que ofrece nuestra Facultad: Ingeniería Química, Ingeniería Mecánica, Ingeniería en Energía Eléctrica, Ingeniería en Telecomunicaciones e Ingeniería en Energías Renovables y de acuerdo a la organización curricular de cada una de ellas, corresponde en todos los casos, al ciclo básico y al área Matemática.

En relación a cada una de las carreras, esta asignatura cumple en todas las especialidades, con el propósito de afianzar al estudiante en el estudio y manejo de herramientas matemáticas conceptuales y procedimentales, formando parte del soporte matemático requerido para el abordaje de los fundamentos teóricos de las asignaturas en los ciclos superiores.

Esta materia está referida al análisis real de funciones de variables vectoriales en dos o más dimensiones y las funciones con las que trata están definidas en espacios vectoriales euclidianos. Requiere tener aprobada Cálculo I, ya que la propuesta para el desarrollo de esta asignatura es, cuando sea posible, partir de los conocimientos análogos ya vistos en cálculo de una variable, a los fines de entender las similitudes y diferencias del análisis de varias variables con el análisis real de una variable. Esto permitirá, además, comprender qué aspectos de la variable real quedan contenidos en la variable vectorial, facilitando así una mejor comprensión del cálculo en general.

El programa está organizado en ejes temáticos que se basan en los contenidos mínimos establecidos en los planes de estudio de las cinco carreras de Ingeniería.

Con el fin de favorecer los procesos autónomos de aprendizaje y un mayor nivel de comprensión de los contenidos, se implementará la clase invertida como la principal forma metodológica de enseñanza, usando el espacio áulico para destacar las herramientas teóricas requeridas en la resolución de aquellos problemas que forman parte del trabajo en clase de los estudiantes, promoviendo la discusión de conceptos teóricos involucrados y el aprendizaje de los procedimientos matemáticos requeridos. Como parte de este esquema metodológico, cada comisión utiliza un aula virtual, donde se publica el material de estudio propuesto. Se incluyen dos trabajos prácticos grupales orientados a generar el espacio de desarrollo de los ejes transversales. Los conceptos matemáticos serán desarrollados conjuntamente con ejemplos y problemas de aplicación, con el propósito que los estudiantes puedan, además de realizar la formulación analítica de los problemas, interpretar física y geométricamente los conceptos matemáticos del cálculo vectorial involucrados.

Programa Analítico Página 2 de 21



El desarrollo de la asignatura pretende aportar a las competencias genéricas y específicas, adecuadas a la instancia de la carrera en que se encuentran los estudiantes y aspira que el estudiante pueda pensar conceptualmente, elaborar desarrollos analíticos para la adquisición de un conocimiento, abonar la capacidad de análisis, adquirir estrategias para resolver problemas y desplegar actitudes para el trabajo colaborativo a partir de los conocimientos adquiridos.

Finalmente, la evaluación se realiza durante el cursado, a partir de la corrección y discusión sobre actividades grupales e individuales, y en instancias de evaluación parcial sobre resolución de problemas y/o ejercicios.

#### COMPETENCIAS GENÉRICAS

A continuación, se listan las competencias genéricas que la asignatura se propone desarrollar, como así también sus capacidades asociadas y capacidades componentes

Competencia genérica	Capacidades asociadas	Capacidades componentes
Identificar,     formular y	1.a. Capacidad para identificar y formular problemas.	<ul><li>1.a.2. Ser capaz de identificar y organizar los datos pertinentes al problema.</li><li>1.a.3. Ser capaz de evaluar el contexto particular del problema e incluirlo en el análisis.</li></ul>
resolver problemas	1.b. Capacidad para realizar una búsqueda creativa de soluciones y seleccionar criteriosamente la alternativa más adecuada.	1.b.1. Ser capaz de generar diversas alternativas de solución a un problema ya formulado.
6. Desempeñarse de manera efectiva en equipos de trabajo.	6.a. Capacidad para identificar las metas y responsabilidades individuales y colectivas y actuar de acuerdo a ellas.	<ul><li>6.a.2. Ser capaz de proponer y/o desarrollar metodologías de trabajo acordes a los objetivos a alcanzar.</li><li>6.a 3. Ser capaz de respetar los compromisos (tareas y plazos) contraídos con el grupo y mantener la confidencialidad</li></ul>
7. Comunicarse con efectividad.	7.a. Capacidad para seleccionar las estrategias de comunicación en función de los objetivos y de los interlocutores y de acordar significados en el contexto de intercambio.	7.a.1. Ser capaz de adaptar las estrategias de comunicación a los objetivos comunicacionales, a las características de los destinatarios y a cada situación.
Aprender en     forma continua y	9.a. Capacidad para reconocer la necesidad de un aprendizaje continuo a lo largo de la vida	9.a.2. Ser capaz de asumir que la formación y capacitación continuas son una inversión.
autónoma.	9.b. Capacidad para lograr autonomía en el aprendizaje.	9.b.3. Ser capaz de evaluar el propio aprendizaje y encontrar los recursos necesarios para mejorarlo.

Programa Analítico Página 3 de 21



# **COMPETENCIAS ESPECÍFICAS**

La asignatura realiza un aporte básico inicial a competencias específicas de cada carrera que se detallan a continuación:

Ingeniería Química

Actividades reservadas/Alcances	Competencias específicas
Diseñar, calcular y proyectar productos, procesos, sistemas, instalaciones y elementos complementarios correspondientes a la modificación física, energética, fisicoquímica, química o biotecnológica de la materia; e instalaciones de control y de transformación de emisiones energéticas, efluentes líquidos, residuos sólidos y emisiones gaseosas.	I. 1. Identificar, formular y resolver problemas relacionados a productos, procesos, sistemas, instalaciones y elementos complementarios correspondientes a la modificación física, energética, fisicoquímica, química o biotecnológica de la materia y al control y transformación de emisiones energéticas, de efluentes líquidos, de residuos sólidos y de emisiones gaseosas incorporando estrategias de abordaje, utilizando diseños experimentales cuando sean pertinentes, interpretando físicamente los mismos, definiendo el modelo más adecuado y empleando métodos apropiados para establecer relaciones y síntesis.

# Ingeniería Mecánica

Actividades reservadas/Alcances	Competencias específicas	
1. Diseñar, proyectar y calcular máquinas, estructuras, instalaciones y sistemas mecánicos, térmicos y de fluidos mecánicos, sistemas de almacenaje de sólidos, líquidos y gases; dispositivos mecánicos en sistemas de generación de energía; y sistemas de automatización y control.	Diseñar y desarrollar proyectos de máquinas, estructuras, instalaciones y sistemas mecánicos, térmicos y de fluidos mecánicos, sistemas de almacenaje de sólidos, líquidos y gases; dispositivos mecánicos en sistemas de generación de energía; y sistemas de automatización y control .	

# Ingeniería en Energía Eléctrica

Actividades reservadas/Alcances		Competencias específicas	
1.	Diseñar, calcular y proyectar sistemas de generación, transmisión, conversión, distribución y utilización de energía eléctrica; sistemas de control y automatización y sistemas de potencia eléctrica.	Desarrollar y aplicar metodologías de proyecto, cálculo, diseño y planificación de sistemas, e instalaciones de generación, conversión, transmisión, distribución, supervisión, automatización, control, medición y utilización de la energía eléctrica.	

#### Ingeniería en Telecomunicaciones

Actividades reservadas/Alcances		Competencias específicas	
1.	Diseñar, calcular y proyectar sistemas y equipos de telecomunicaciones, de radiocomunicaciones, de comunicación de datos, sistemas irradiantes y de control.	Identificar, formular y resolver problemas y proyectos de ingeniería.	

# Ingeniería en Energías Renovables

Actividades reservadas/Alcance	es Competencias específicas
Diseñar, calcular y proyectar sistemas de transformación y uso de energías cuya fuente primaria es de origen renovable.	1. 1. Planificar, dirigir y ejecutar proyectos de ingeniería relacionados con sistemas de transformación y uso de energías cuya fuente primaria es de origen renovable.

Programa Analítico Página **4** de **21** 



# PROPÓSITOS DE LA ASIGNATURA

A continuación, se describen los propósitos de la asignatura:

- Promover la capacidad de análisis en la colección y organización de datos de modo que los estudiantes puedan establecer estrategias de resolución de problemas, como así también interpretar los resultados que se obtengan.
- Promover el reconocimiento de los operadores diferenciales en procesos físicos, de modo de advertir cómo se involucran los mismos en el modelado de determinados fenómenos físicos
- Fomentar la valoración del lenguaje preciso y conciso de la matemática como organizador del pensamiento.
- Ofrecer elementos teóricos y metodológicos que permitan desarrollar un pensamiento matemático, en el que vayan a la par, la comprensión clara de los diferentes conceptos y la habilidad en la resolución de problemas.
- Promover la tolerancia y el pluralismo de ideas, como requisitos necesarios, tanto para el debate matemático como para la participación de la vida en sociedad.

#### RESULTADOS DEL APRENDIZAJE

Luego del cursado y/o aprobación de la asignatura, se espera que los estudiantes logren los siguientes resultados de aprendizaje:

- Producir representaciones de cuerpos geométricos animados utilizando Geogebra, con el fin de afianzar el conocimiento y manipulación de las superficies cuádricas en particular, curvas sencillas y la descripción matemática de cada una de ellas.
- Utilizar los conceptos del cálculo diferencial en varias variables para modelar e interpretar problemas de optimización global y restringida.
- Relacionar los conceptos fundamentales del cálculo vectorial con leyes físicas de la mecánica clásica y el electromagnetismo para comprender la importancia que los operadores diferenciales tienen en el modelado de determinados fenómenos físicos
- Describir los procedimientos y desarrollos matemáticos de manera precisa, de manera de contribuir a la organización del pensamiento matemático en el abordaje de la resolución de problemas.
- Diseñar estrategias que le permitan abordar la resolución de problemas e interpretar los resultados que se obtengan.
- Organizar el trabajo en equipo para mejorar las producciones, entendiendo el trabajo colaborativo y el pluralismo de ideas, como una herramienta potente para la resolución de problemas y la participación de la vida en sociedad.
- Comprender el significado de los diferentes conceptos matemáticos involucrados en el cálculo vectorial como así también su interpretación geométrica, de manera de poder decidir su aplicación en la resolución de diferentes problemas.

Programa Analítico Página 5 de 21



#### **CONTENIDOS**

#### **CONTENIDOS MÍNIMOS**

De acuerdo a los planes de estudios de las diferentes carreras de Ingeniería que se dictan en nuestra facultad, los contenidos mínimos de la asignatura Cálculo II, son comunes a todas ellas y se detallan a continuación:

- o Nociones de geometría en  $\mathbb{R}^3$ , recta y plano
- $\circ$  Funciones de  $\mathbb{R}^1$  en  $\mathbb{R}^n$  (curvas)
- o Derivación e integración. Campos escalares. Derivación parcial.
- o Gradiente. Funciones potenciales.
- o Integrales curvilíneas.
- Máximos y mínimos.
- o Integrales múltiples.
- o Teorema de Green. Campos Vectoriales.
- o Integrales de superficie. Teorema de Gauss. Teorema de Stokes. Aplicaciones.

### CONTENIDOS ANALÍTICOS

Eje temático 1: Nociones de geometría en el espacio y funciones de  $\mathbb{R}^m \to \mathbb{R}^n$ 

- Unidad 1: Geometría analítica en el espacio y funciones en cálculo vectorial.
- 1.1 Breve repaso de vectores.
  - 1.1.1 Representación geométrica de los vectores. Longitud de un vector
  - 1.1.2 Producto escalar, producto vectorial y producto mixto.
- 1.2 Ecuaciones de la recta y el plano.
- 1.3 Superficies cuádricas. Ecuación general de las cuádricas. Representación gráfica de las cuádricas. Método de las trazas.
  - 1.3.1 Esfera
  - 1.3.2 Elipsoide
  - 1.3.3 Paraboloide elíptico
  - 1.3.4 Paraboloide hiperbólico
  - 1.3.5 Hiperboloide de una hoja
  - 1.3.6 Hiperboloide de dos hojas
  - 1.3.7 Cono
- 1.4 Superficies cilíndricas
- 1.5 Superficies de revolución
- 1.6 Sistemas de coordenadas.
  - 1.6.1 Sistemas de coordenadas en  $\mathbb{R}^2$ : cartesianas y polares.
  - 1.6.2 Sistemas de coordenadas  $\mathbb{R}^3$ : cartesianas, esféricas y cilíndricas.
  - 1.6.3 Ecuación de las superficies cuádricas en otros sistemas de coordenadas.
- 1.7 Funciones en cálculo vectorial.
- 1.8 Representación de curvas y superficies.
  - 1.8.1 Las curvas y superficies como gráficas e imágenes de funciones.
- 1.9 Conjuntos de nivel.

Programa Analítico Página 6 de 21



- 1.9.1 Curvas de nivel
- 1.9.2 Superficies de nivel

#### Eje temático 2: Cálculo diferencial e integral de funciones escalares de varias variables.

#### • <u>Unidad 2: Límite y continuidad</u>

- 2.1 Límite y continuidad.
  - 2.1.1 Definición de límite para funciones de  $\mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ . Propiedades
  - 2.1.2 Límites sucesivos y restringidos. Prueba de los dos caminos para la no existencia del límite.
  - 2.1.3 Funciones continuas
- 2.2 Generalización de los conceptos de límite y continuidad a funciones vectoriales.

#### • Unidad 3: Diferenciación de funciones escalares de varias variables.

- 3.1 Derivada direccional.
  - 3.1.1 Definición de derivada direccional.
  - 3.1.2 Interpretación geométrica de la derivada direccional.
  - 3.1.3 Caso particular: derivadas parciales. Regla de cálculo.
- 3.2 Diferenciabilidad y linealidad local
  - 3.2.1 Definición de función diferenciable.
  - 3.2.2 Interpretación geométrica del diferencial de una función.
  - 3.2.3 Ecuación del plano tangente.
- 3.3 Vector gradiente.
  - 3.3.1 Definición de vector gradiente.
  - 3.3.2 Diferencial, plano tangente y derivada direccional, expresados en términos del gradiente.
  - 3.3.3 Propiedades del vector gradiente
  - 3.3.4 Aplicaciones sencillas
- 3.4 Derivación de funciones compuestas, implícitas e inversas.
  - 3.4.1 Composición de funciones.
  - 3.4.2 Derivación de funciones vectoriales de varias variables. Regla de la cadena. Matriz jacobiana.
  - 3.4.3 Teorema de la función implícita.
  - 3.4.4 Función inversa. Derivación de funciones inversas.
- 3.5 Diferenciales de orden superior.
  - 3.5.1 Teorema de las derivadas parciales mixtas.
- 3.6 Fórmula de Taylor de varias variables.
  - 3.6.1 Contacto de orden n
  - 3.6.2 Polinomio de Taylor para 2 variables.
  - 3.6.3 Polinomio de Taylor para más variables.

#### • Unidad 4: Optimización

- 4.1 Extremos locales: Optimización no restringida.
  - 4.1.1 Funciones de dos variables. Condiciones necesarias.
  - 4.1.2 Condiciones suficientes de extremo relativo.

Programa Analítico Página 7 de 21



# Facultad de Ingenierta

- 4.2 Extremos de funciones con variables ligadas: Optimización restringida.
  - 4.2.1 Métodos de resolución: Composición de funciones Multiplicadores de Lagrange.

#### • Unidad 5: Integrales múltiples

- 5.1 Integrales dobles.
  - 5.1.1 Definición de integral doble.
  - 5.1.2 Propiedades de la integral doble.
  - 5.1.3 Interpretación geométrica de la integral doble Teorema de Fubini
  - 5.1.4 Integrales dobles sobre rectángulos.
  - 5.1.5 Integrales dobles sobre regiones más generales.
  - 5.1.6 Cambio en el orden de integración.
- 5.2 Integrales triples.
  - 5.2.1 Definición de integral triple.
  - 5.2.2 Propiedades de la integral triple.
  - 5.2.3 Integrales triples sobre regiones rectangulares.
  - 5.2.4 Integrales triples sobre regiones más generales.
- 5.3 Cambio de Variables. Fórmula del cambio de variables.
  - 5.3.1 Cambio de variables en Integrales simples
  - 5.3.2 Cambio de variables en Integrales dobles
  - 5.3.3 Cambio de variables en Integrales triples Fórmula del cambio de variables
- 5.4 Aplicaciones de las integrales dobles.
- 5.5 Aplicaciones de las integrales triples.

#### Eje temático 3: Cálculo vectorial

#### • <u>Unidad 6: Curvas y superficies parametrizadas.</u>

- 6.1 Curvas parametrizadas.
  - 6.1.1 Longitud de arco.
  - 6.1.2 Reparametrización.
  - 6.1.3 El sistema de referencia  $\hat{T} \hat{N} \hat{B}$ .
  - 6.1.4 Componentes de la aceleración.
  - 6.1.5 Curvatura de flexión, círculo osculador y curvatura de torsión.
- 6.2 Superficies parametrizadas.
  - 6.2.1 Área de una superficie y el versor normal.

#### • Unidad 7: Campos vectoriales. Integrales curvilíneas y de superficies.

- 7.1 Campos vectoriales.
  - 7.1.1 Definición.
  - 7.1.2 Representación gráfica. Líneas de flujo.
- 7.2 Integrales de trayectoria.
  - 7.2.1 Definición.
  - 7.2.2 Aplicaciones.
- 7.3 Integrales de línea.
  - 7.3.1 Definición.
  - 7.3.2 Trabajo y circulación.

Programa Analítico Página 8 de 21



# Facultad de Ingenierta

- 7.3.3 Flujo en  $\mathbb{R}^2$
- 7.4 Integrales de funciones escalares sobre superficies.
  - 7.4.1 Definición.
  - 7.4.2 Aplicaciones.
- 7.5 Integrales de funciones vectoriales sobre superficies.
  - 7.5.1 Orientación de una superficie.
  - 7.5.2 Flujo en  $\mathbb{R}^3$ .
- Unidad 8: Operadores diferenciales sobre campos vectoriales.
- 8.1 Divergencia.
  - 8.1.1 La divergencia de un campo vectorial, como una densidad volumétrica de flujo.
  - 8.1.2 Cálculo de la divergencia en coordenadas cartesianas.
- 8.2 Rotacional.
  - 8.2.1 Densidad superficial de circulación alrededor de una dirección normal al plano de circulación. La componente del rotor del campo en esa dirección.
  - 8.2.2 Cálculo del rotacional en coordenadas cartesianas.
- 8.3 Propiedades de los operadores divergencia y rotacional
- 8.4 Aplicaciones.
- 8.5 Interpretación gráfica de la divergencia y rotor de un campo vectorial.
- 8.6 Campos vectoriales conservativos.
- Unidad 9: Teoremas integrales del cálculo vectorial.
- 9.1 Teorema de Stokes.
- 9.2 Teorema de Green.
- 9.3 Teorema de Gauss o de la Divergencia en  $\mathbb{R}^3$ .
- 9.4 Teorema de la Divergencia en  $\mathbb{R}^2$ .
- 9.5 Aplicaciones de los teoremas Integrales

#### Eje transversal 1: Abordaje de la práctica operacional y resolutiva de ejercicios

- Interpretación de consignas.
- Identificación de conceptos, ideas y datos claves.
- Organización del pensamiento matemático.
- Procedimientos en el cálculo operacional
- Identificación y validación de resultados.

# Eje transversal 2: Comunicación efectiva en cálculo de varias variables y vectorial

- Argumentación de ideas, vinculadas a preguntas, respuestas, procedimientos, etc.
- Articulación entre lenguaje escrito, gráfico y matemático.
- Elaboración de informes de trabajos prácticos.
- Uso de herramientas tecnológicas para la comunicación.

#### Eje transversal 3: Aspectos para el desempeño individual y/o para el trabajo en equipo

- Claridad en la resolución de problemas y en la presentación de trabajos.
- Construcción de acuerdos en el trabajo en equipo y respeto de los mismos

Programa Analítico Página 9 de 21



#### METODOLOGÍA DE ENSEÑANZA Y DE APRENDIZAJE

Con el fin de favorecer los procesos autónomos de aprendizaje y un mayor nivel de comprensión de los contenidos, se implementarán las siguientes formas metodológicas:

Clase invertida

Esta modalidad, permitirá modificar el rol tradicional del estudiante (receptor pasivo de contenidos) y propiciar que éste se involucre directamente en su propio aprendizaje. Incluye el diseño y elaboración de vídeos por parte de las y los docentes, el uso del aula virtual, la utilización de cuestionarios en línea y muros virtuales de comunicación.

Previo a cada clase se propone la revisión de material teórico en forma de texto o video, puesto a disposición en el aula virtual, de modo que, en los encuentros presenciales, les estudiantes asistan habiendo consultado y analizado el material específico indicado por les docentes.

Cada clase teórico-práctica, se inicia con breves exposiciones teóricas por parte de les docentes, enfocadas a la recuperación de los conceptos y herramientas requeridas para la resolución de ejercicios y problemas, debatiéndose las dudas o preguntas planteadas por los estudiantes.

Con el propósito de entrenar la habilidad para interpretar consignas y emplear correctamente las técnicas y herramientas estudiadas, se trabaja en la resolución de ejercicios relativos a cada uno de los temas, en base a guías de ejercicios propuestos. Los docentes resuelven total o parcialmente algunos de los ejercicios para demostrar los procedimientos recomendados y usuales en la especialidad.

Se propiciará durante la clase, el trabajo colaborativo entre les estudiantes en el abordaje de la resolución de los ejercicios propuestos, con el fin de favorecer el intercambio de ideas y argumentaciones, contando con la permanente tutoría del equipo docente y reforzándose, cuando se requiera, los conceptos y procedimientos involucrados mediante intervenciones en la pizarra por parte de les docentes.

Antes de finalizar la clase, se propone una actividad grupal en línea de autoevaluación, de modo que cada estudiante pueda evaluar el propio avance en la comprensión del tema.

Trabajos Prácticos grupales

La propuesta de Trabajos Prácticos grupales, implica investigación, diseño, implementación de los conocimientos teóricos y procedimentales, como así también propiciar el desempeño y la comunicación efectiva en grupos de trabajo.

Estas actividades son presentadas en clase y se desarrollan por fuera del horario de clase. La formación de los grupos se realiza a través de un muro virtual y les docentes guían el trabajo habilitando una consulta obligatoria para tal fin donde, además, cada grupo deberá mostrarse el estado de avance.

Cada una de estas actividades incluye una entrega que implica la puesta en práctica de distintas habilidades de comunicación, utilización de las TIC's y adecuación a los plazos de entrega.

La modalidad de la presentación de los Trabajos Prácticos es diferente. El primer trabajo práctico, se corresponde con el eje temático 1 y permite entre otras cosas, adquirir destreza en el uso de Geogebra, (herramienta gráfica requerida a lo largo de todo el cursado) y es en ese sentido, que la presentación

Programa Analítico Página 10 de 21



del mismo, se corresponde con la elaboración de un gif y una descripción de la construcción del mismo, a través de un informe escrito. El segundo trabajo Práctico, vinculado a la última unidad del segundo eje temático, Optimización, tiene una modalidad de presentación grupal expositiva y presencial.

Se espera que estas prácticas, sumadas al trabajo en clase y al estudio por parte de les estudiantes fuera del aula, permitan alcanzar los objetivos de aprendizaje propuestos.

#### METODOLOGÍA DE EVALUACIÓN

La asignatura incluye diferentes actividades evaluativas que en su conjunto contribuyen a la formación del estudiante en los temas específicos de la asignatura y en el desarrollo de las competencias genéricas y específicas incluidas en este programa. A continuación, se describen las diferentes modalidades evaluativas desarrolladas:

#### • Durante el cursado

Trabajos prácticos grupales

Con esta modalidad, se evalúa el primer eje temático, al igual que la última unidad correspondiente al segundo eje temático.

La realización de los <u>trabajos prácticos</u>, es una tarea grupal, que se realiza durante el cursado y consiste en trabajos creativos que implican: investigación, diseño, implementación de conocimientos teóricos y validación del producto generado, como así también propician la comunicación efectiva y el desempeño en grupos de trabajo.

Las consignas de cada Trabajo práctico, son establecidas por la cátedra, y el plazo de entrega de cada trabajo práctico es de 2 semanas. La evaluación de estas tareas la realizarán los integrantes de la cátedra de acuerdo a una rúbrica, donde se considera la participación activa de cada estudiante durante el desarrollo de la actividad, la investigación o desarrollo realizado, la aplicación de técnicas, herramientas y conceptos necesarios para la resolución, la interpretación de resultados y la elaboración de conclusiones, las representaciones gráficas realizadas, así como la correcta comunicación del producto final.

La revisión y devolución a los estudiantes por parte de los docentes se realizará en un plazo no mayor a quince días. En caso de la producción presentada, no se ajuste a lo requerido para su aprobación, el grupo deberá modificar el trabajo de acuerdo a lo requerido por el docente, dentro de un nuevo plazo estipulado.

Exámenes parciales escritos

Se administrarán también 2 exámenes parciales, el primero, enfocado a evaluar la mayor parte del segundo eje temático, mientras que el segundo examen parcial, corresponderá a la evaluación del tercer eje temático.

Consiste en una evaluación escrita de carácter teórico práctico, conformada por ejercicios prácticos de resolución y análisis de problemas conceptuales del tipo de los realizados en las guías de clase, sin centrar la evaluación de los conceptos teóricos en la reproducción de demostraciones. Se dispondrá de

Programa Analítico Página 11 de 21



un tiempo no mayor a tres horas y para su valoración se considerará la interpretación de la consigna, el planteo matemático, el cálculo operacional, la validez y correcta fundamentación de los resultados obtenidos. Se realizará la corrección y devolución a los estudiantes por parte de los docentes en un plazo no mayor a siete días, pudiendo incluir en algunos casos discusión de resultados en clase. En caso de no obtener el puntaje requerido en la evaluación parcial, se podrá acceder a la instancia de recuperación prevista para cada parcial.

#### Coloquio oral de promoción

Aquellos estudiantes que estén en condiciones de aspirar a la promoción de la materia, deberán acceder a una evaluación oral inmediatamente después de finalizado el cursado. Esta evaluación consiste en la defensa oral e individual de un ejercicio o problema personalizado vinculado a la última unidad, el cual es asignado al estudiante con 48 horas de antelación. Durante el coloquio, el estudiante responderá preguntas que le realice el docente vinculadas a la resolución del ejercicio o problema asignado y además deberá desarrollar contenidos teóricos y conceptuales correspondientes a los tres ejes temáticos de la materia.

#### • Exámenes Finales

Los estudiantes que se presenten para ser evaluados en un examen final pueden revestir la condición de libres o regulares, en ambos casos el examen final constará de dos instancias de evaluación: la primera escrita y que debe ser aprobada para acceder a la segunda, de carácter oral.

Examen escrito

Consiste en una evaluación escrita de naturaleza teórico práctico, conformada por ejercicios prácticos de resolución y análisis de problemas conceptuales del tipo de los realizados en las guías de clase, sin centrar la evaluación de los conceptos teóricos en la reproducción de demostraciones. Se dispondrá de un tiempo no mayor a tres horas y para su valoración se considerará la interpretación de la consigna, el planteo matemático, el cálculo operacional, la validez y la correcta fundamentación de los resultados obtenidos. Se realizará la corrección y devolución a los estudiantes por parte de los docentes en un plazo no mayor a 48 horas.

Se diferenciará el examen escrito según sea la condición del estudiante: *Regular o Libre*: el *Examen escrito Libre*, tendrá uno o dos ejercicios adicionales, vinculados a las unidades 1 y 4.

Coloquio oral

Aprobado el examen escrito previo, el estudiante deberá presentarse al coloquio oral. Durante esta evaluación, el estudiante deberá desarrollar contenidos teóricos y conceptuales correspondientes a los tres ejes temáticos de la materia.

Programa Analítico Página 12 de 21



# FORMACIÓN PRÁCTICA

Actividad	Eje	Tema	Tipo	Entrega y Evaluación
Guía de resolución		Unidad 1: Geometría analítica	Resolución de	Sin entrega y
	1	en el espacio y funciones en	ejercicio y/o	evaluable a través del
de ejercicios Nº1		cálculo vectorial.	problemas	Trabajo Práctico Nº1
Tunkaio		1 0 D	Propuesta abierta de	Elaboración de un gif
Trabajo Práctico 1	1	1.8 Representación de curvas y	investigación y	e informe de
Fractico 1		superficies utilizando Geogebra	modelado	presentación
Guía de resolución			Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº2	2	Unidad 2: Límite y Continuidad	ejercicio y/o	evaluable a través del
de ejercicios IV 2			problemas	primer parcial
Guía de resolución			Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº3	2	Unidad 3: Diferenciación	ejercicio y/o	evaluable a través del
ae ejercicios N 3			problemas	primer parcial
Guía de resolución			Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº4	2	Unidad 4: Optimización	ejercicio y/o	evaluable a través del
ue ejercicios IV 4			problemas	Trabajo Práctico Nº2
Trabajo	2		Propuesta de diseño,	
Práctico 2		Unidad 4: Optimización	investigación y	Presentación oral
Fractico 2		-	modelado	
Guía de resolución	2		Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº5		Unidad 5: Integrales múltiples	ejercicio y/o	evaluable a través del
ue ejercicios N 5			problemas	segundo parcial
Guía de resolución		Unidad 6: Curvas y superficies	Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº6	3	parametrizadas	ejercicio y/o	evaluable a través del
de ejercicios iv o		parametrizadas	problemas	segundo parcial
Guía de resolución		Unidad 7: Campos vectoriales.	Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº7	3	Integrales curvilíneas y de	ejercicio y/o	evaluable a través del
de ejercicios IV 7		superficies	problemas	segundo parcial
Guía de resolución		Unidad 8: Operadores	Resolución de	Sin entrega y
de ejercicios Nº8	3	diferenciales sobre campos	ejercicio y/o	evaluable a través del
ue ejercicios iv o		vectoriales	problemas	segundo parcial
Guía de resolución		Unidad 9: Teoremas integrales	Resolución de	Sin entrega. Evaluable
de ejercicios Nº9	3	del cálculo vectorial	ejercicio y/o	en coloquio de
ac ejercicios IV 9		dei calculo vectoriai	problemas	Promoción

# PROGRAMAS Y/O PROYECTOS PEDAGÓGICOS E INCLUSIVOS

A partir del año 2023, se da inicio a una propuesta pedagógica innovadora que queda plasmada en el trabajo práctico Nº 1. El mismo está orientado a que el estudiante desarrolle los conocimientos de la matemática que permiten describir y analizar la geometría plana y espacial, como así también, estudiar

Programa Analítico Página 13 de 21



los lugares geométricos de forma sistemática y general. Este trabajo propone implicar activamente a los estudiantes en el aprendizaje de temas del primer eje temático, como así también conectar este aprendizaje con la vida real.

La innovación de la propuesta radica en orientar el aprendizaje a través del desarrollo de la representación simplificada de un objeto de la vida real o concepto abstracto mediante curvas y superficies en el espacio, utilizando el software Geogebra. La representación deberá utilizar las herramientas que brinda esta aplicación para el dibujo de curvas y superficies en el espacio, debiéndo incorporar animaciones al objeto desarrollado.

En la medida que el aprendizaje se concrete, el estudiante incorporará conceptos y desarrollará habilidades necesarias para los restantes contenidos de la asignatura. De esta manera, el abordaje de los temas posteriores, muchos de ellos, nutridos de interpretaciones geométricas y aplicaciones geométricas, sería favorecido por el aprendizaje realizado, el conocimiento adquirido y el adiestramiento en el manejo de graficadores, allanando el camino para los nuevos aprendizajes.

# CRONOGRAMA TENTATIVO DE CLASES, PARCIALES y ACTIVIDADES DE FORMACIÓN PRÁCTICA

Semana	Fecha	Temas a desarrollar
1	Martes 14/03	Presentación de la materia, de la metodología de trabajo, del cronograma y la bibliografía disponible.  Unidad 1 Geometría analítica en el espacio y funciones en cálculo vectorial  Breve repaso de vectores. Producto escalar, producto vectorial y producto mixto.  Ecuaciones de la recta y el plano.  Resolución de Ejercicios GRE 1
1	Jueves 16/03	Unidad 1 Geometría analítica en el espacio y funciones en cálculo vectorial Superficies cuádricas.  Presentación del TP Nº1 Indicaciones para el armado de los grupos.  Resolución de Ejercicios GRE 1

		Unidad 1 Geometría analítica en el espacio y funciones en cálculo vectorial
		Superficies cilíndricas. Superficies de revolución.
	Martes	Sistemas de coordenadas en R <sup>2</sup> y en R <sup>3</sup> .
	21/03	Presentación de los grupos conformados para la realización del TP Nº1
		Resolución de Ejercicios GRE 1
2		
		Unidad 1 Geometría analítica en el espacio y funciones en cálculo vectorial
	Jueves	Funciones en cálculo vectorial. Representación gráfica de funciones.
	23/03	Las curvas y superficies como gráficas e imágenes de funciones. Conjuntos de nivel.
	23/03	Resolución de Ejercicios GRE 1

Programa Analítico Página 14 de 21



	Martes 28/03	Unidad 2 Límites y continuidad  Definición de límite para funciones escalares. Límites sucesivos y restringidos. Funciones continuas. Generalización de los conceptos de límite y continuidad a funciones vectoriales. Resolución de Ejercicios GRE 2
3	Jueves 30/03	Unidad 3 Diferenciación de funciones escalares de varias variables.  Diferenciación y Derivada Direccional. Definición de Derivada Direccional. Interpretación geométrica de la Derivada Direccional.  Caso particular de las derivadas direccionales: Derivadas Parciales, regla de cálculo.  Resolución de Ejercicios GRE 3

4	Martes 04/04	Unidad 3 Diferenciación de funciones escalares de varias variables.  Plano tangente. Definición de función diferenciable. Interpretación geométrica del diferencial de una función. Ecuación del plano tangente.			
	Jueves 06/04	Resolución de Ejercicios GRE 3  Jueves Santo. Feriado  ENTREGA TP Nº1.			

		Unidad 3 Diferenciación de funciones escalares de varias variables.
	Martes	Vector gradiente. Definición de vector gradiente. Diferencial, plano tangente y derivada
	11/04	direccional, expresados en términos del gradiente.
	11/04	Resolución de Ejercicios GRE 3
5		
		Unidad 3 Diferenciación de funciones escalares de varias variables.
	Jueves	Derivación de funciones compuestas, implícitas e inversas.
	13/04	Resolución de Ejercicios GRE 3

6	Martes 18/04	Unidad 3 Diferenciación de funciones escalares de varias variables. Polinomio de Taylor Resolución de Ejercicios GRE 3
6	Jueves 20/04	Unidad 4 Optimización Optimización no restringida. Extremos locales. Condiciones necesarias y condiciones suficientes para la existencia de extremo relativo. Extremos de funciones de dos variables en una región cerrada y acotada Resolución de Ejercicios GRE 4 Presentación del TP Nº2 (Optimización). Armado de los grupos

Programa Analítico Página 15 de 21



# Facultad de Ingeniería

Martes 25/04  Martes 25/04  Métodos de resolución: composición de funciones - multiplicadores de La Resolución de Ejercicios GRE 4  PRIMER PARCIAL - Unidades: 2 y 3  27/04		Optimización restringida.  Métodos de resolución: composición de funciones - multiplicadores de Lagrange.  Resolución de Ejercicios GRE 4
8	Martes 2/05	Unidad 5 Integrales Múltiples  Definición de integral doble. Propiedades. Interpretación geométrica. Teorema de Fubbini.  Integrales dobles sobre rectángulos. Integrales dobles sobre regiones más generales. Cambio en el orden de integración. Definición de Integrales triples. Propiedades. Integrales triples sobre regiones rectangulares. Integrales triples sobre regiones más generales.  Resolución de Ejercicios GRE 5
	Jueves 4/05	Unidad 5 Integrales Múltiples Cambio de coordenadas rectangulares a polares. Cambio de Variables. Fórmula del cambio de variables. Resolución de Ejercicios GRE 5
9 9/05 variables. Aplicaciones de las integrales dobles y triples. Resolución de Ejercicios GRE 5		Cambio de coordenadas rectangulares a cilíndricas y esféricas. Fórmula del cambio de variables. Aplicaciones de las integrales dobles y triples.
10	Martes 16/05	EVALUACIÓN TP N°2 (OPTIMIZACIÓN)
10	Jueves 18/05	Unidad 6 Curvas y superficies parametrizadas  Curvas parametrizadas. Longitud de arco. Reparametrización.  Resolución de Ejercicios GRE 6
Martes 23/05 Unidad 6 Curvas y superficies parametrizadas Sistema de referencia $\hat{T}, \hat{N}, \hat{B}$ . Componentes de la aceleración. Curvatura de flexión y to Resolución de Ejercicios GRE 6 DÍA DE LA REVOLUCIÓN DE MAYO. FERIADO		Sistema de referencia $\hat{T}, \hat{N}, \hat{B}$ . Componentes de la aceleración. Curvatura de flexión y torsión. Resolución de Ejercicios GRE 6

Programa Analítico Página 16 de 21



13

12	Martes 30/05	Unidad 6 Curvas y superficies parametrizadas Superficies parametrizadas. Área de una superficie y el versor normal Resolución de Ejercicios GRE 6
	Jueves 1/06	Unidad 7 Campos vectoriales. Integrales curvilíneas y de superficies Campos vectoriales. Definición. Representación gráfica. Líneas de flujo. Integrales de trayectoria. Definición. Aplicaciones. Resolución de Ejercicios GRE 7

	Unidad 7 Campos vectoriales. Integrales curvilineas y de superficies	
Martes	Trabajo y circulación. Flujo en R <sup>2</sup> .	
6/06	Resolución de Ejercicios GRE 7	
	Unidad 7 Campos vectoriales. Integrales curvilíneas y de superficies	
Jueves	Orientación de una superficie. Integrales de funciones escalares sobre superficies. Integrales	
8/06	de funciones vectoriales sobre superficies.	
	Resolución de Ejercicios GRE 7	

14	Martes 13/06	Unidad 8 Operadores diferenciales sobre campos vectoriales  Divergencia. Definición. Cálculo de la divergencia en coordenadas cartesianas.  Rotor. Definición. Cálculo del rotor en coordenadas cartesianas.  Propiedades de los operadores divergencia y rotor. Aplicaciones  Divergencia y rotor en otros sistemas de coordenadas. Interpretación gráfica de la divergencia y rotor de un campo vectorial. Campos vectoriales conservativos  Resolución de Ejercicios GRE 8
	Jueves 15/06	Unidad 9 Teoremas integrales del cálculo vectorial.  Teorema de Stokes. Teorema de Green. Teorema de la divergencia en R <sup>3</sup> .  Teorema de la divergencia en R <sup>2</sup> . Aplicaciones  Teorema de Stokes. Teorema de Green. Teorema de la divergencia en R <sup>3</sup> .  Teorema de la divergencia en R <sup>2</sup> . Aplicaciones  Resolución de Ejercicios GRE 9

15	20/06	PASO A LA INMORTALIDAD GENERAL MANUEL BELGRANO. FERIADO
15	Jueves 22/ 06	SEGUNDO PARCIAL - Unidades: 5, 6, 7 y 8

Programa Analítico Página 17 de 21



Martes
27/06 Revisión temas 2do recuperatorio

Viernes

29/06 RECUPERATORIO SEGUNDO PARCIAL - Unidades: 5, 6, 7 y 8

Miércoles
5/7
Jueves
6/7
Viernes
7/7

Miércoles
5/7
COLOQUIOS PROMOCIÓN

# BIBLIOGRAFÍA Y FUENTES DE INFORMACIÓN BÁSICAS Y DE CONSULTA

# Básica

Título	Autores	Año, Edición, Editorial	Ejemplares disponibles	Eje temático		
			uispoinbles	1	2	3
CÁLCULO VECTORIAL	Pita Ruiz, Claudio	1995 - 1° edición Prentice Hall México	22	X	X	X
NOTAS DE CLASES	Morelli – Lema - Bossio	2017 https://acortar.link/D4mMA6		X	X	X
CALCULO VECTORIAL	Marsden, Jerrold E. Tromba, Anthony J.	1991 – 3° edición 1991 Addison-Wesley	32		X	X
CÁLCULO VECTORIAL	Marsden, Jerrold E. Tromba, Anthony J.	2004 – 5° edición Pearson México	10		X	X
MATEMÁTICAS 3 CÁLCULO DE VARIAS VARIABLES	Dennis G. Zill Warren S. Wright	2011 https://acortar.link/JdfBQY		X	X	X
CÁLCULO VECTORIAL PARTE II. INTERACTIVO	Juan G. Rivera Berrío Elena E. Álvarez Saiz	https://acortar.link/QuAP7			X	X

#### De consulta

Título	Autores	Año, Edición, Editorial	Ejemplares disponibles	Eje temático		
			disponibles	1	2	3
CALCULO VOL. 2	Larson, Ron Edwards, Bruce	2014 - 10° edición Cengage Learning Australia	2		X	X
CALCULO 2: DE VARIAS VARIABLES - V.2	Larson, Ron Edwards, Bruce	2010 – 9° edición. McGraw-Hill - Mexico	1		X	X
CALCULO MULTIVARIABLE	Stewart, James	2002 – 4° edición Thomson- Fresno	1		X	X
CÁLCULO. VARIAS VARIABLES	Thomas George B	2006 - 11° edición. Pearson México	1		X	X

Programa Analítico Página 18 de 21



#### **HORARIO DE CLASES:**

# COMISIÓN INGENIERÍA MECÁNICA

Profesores: Guillermo Bossio – Daniel Forchetti

Horarios de clase Martes y jueves de 14 hs. a 17 hs.

Aula 32 Pabellón 4

# COMISIÓN INGENIERÍA QUÍMICA INGENIERÍA EN ENERGÍA ELÉCTRICA

Profesores: Javier Zizzias – Carolina Allevi

Horarios de clase Martes y jueves de 14 hs. a 17 hs.

Aula 29 Pabellón 4

# COMISIÓN INGENIERÍA EN TELECOMUNICACIONES INGENIERÍA EN ENERGÍAS RENOVABLES

Profesoras: Alba Lema – Ana Borgarello

Horarios clase Martes y jueves de 14 hs. a 17 hs.

Aulas Aula 111 Pabellón 2

#### **HORARIO Y LUGAR DE CLASES DE CONSULTAS:**

Horario	Profesor	Lugar
Martes de 8 hs. a 12 hs.	Daniel Forchetti	GEA – Facultad de Ingeniería
Martes de 17 hs. a 18 hs.	Guillermo Bossio	Aula 32 - Pabellón 4
Martes de 17 hs. a 18 hs.	Carolina Allevi	Aula 29 - Pabellón 4
Miércoles de 8:30 hs. a 10:30 hs.	Ana Borgarello	Oficina 18 - DTQ
Miércoles de 14 hs. a 17 hs.	Carolina Allevi	Oficina 18 - DTQ
Jueves de 17 hs. a 18 hs.	Guillermo Bossio	Aula 32 Pabellón 4
Jueves de 17 hs. a 18 hs.	Carolina Allevi	Aula 29 - Pabellón 4
Viernes de 9 hs. a 11 hs.	Javier Zizzias	Aula 3 - DTQ
Viernes de 10 hs. a 12 hs.	Alba Lema	Laboratorio de Física

Programa Analítico Página 19 de 21



#### **AULAS VIRTUALES**

Ingeniería Mecánica	Código del Classroom	257n2se
Ingeniería en Energía Eléctrica Ingeniería Química	Código del Classroom	qzaete2
Ingeniería en Telecomunicaciones Ingeniería en Energías Renovables	Código del Classroom	g2avwim

# REQUISITOS PARA OBTENER LA REGULARIDAD Y LA PROMOCIÓN

Las condiciones requeridas para regularizar y promocionar la materia, se ajustan a lo establecido en el anexo I de la Res. CS. Nº 120/17 y a la Res. CD Nº 138/18, Res. CD Nº 121/19 y Res. CD Nº 259/22.

#### Regularidad:

Para acceder a la regularidad de la materia, es requisito obtener en cada evaluación (Trabajos Prácticos y Parciales) o en su recuperación una nota igual o superior a 5 (cinco).

#### Promoción:

Los estudiantes que habiendo logrado en los parciales o en sus instancias recuperatorias, notas iguales o superiores a 5 (cinco), con un promedio entre ambas, igual o superior a 7 (siete), y que además hayan aprobado los Trabajos Prácticos, podrán acceder al coloquio oral, cuya aprobación significará la promoción de la materia. La nota final, será un promedio de todas las notas obtenidas. Si el coloquio no es aprobado, el estudiante quedará con la condición de regular.

#### **Examen final:**

Los estudiantes regulares o libres, deberán rendir un examen final. El mismo consta de un examen escrito que se aprueba con una nota igual o superior a cinco. De aprobarse el examen escrito, se continua con un coloquio oral, que se aprueba con una nota igual o superior a cinco. La nota del examen final, corresponderá al promedio del examen escrito y el coloquio. Aquellos estudiantes que se anoten para rendir el examen final en condición de libre, deberán resolver un ejercicio o problema adicional, vinculado a la temática de los Trabajos Prácticos 1 y/o 2 (Unidades 1 y 4).

CARACTERÍSTICAS Y MODALIDAD DE LAS INSTANCIAS EVALUATIVAS, INCLUYENDO EXAMEN FINAL, ESTABLECIENDO TIEMPOS DE CORRECCIÓN DE LAS MISMAS Y LA DEVOLUCIÓN A LOS ESTUDIANTES

Programa Analítico Página 20 de 21



# • Durante el cursado

EVALUACIONES PARCIALES				
INSTANCIA EVALUATIVA	CARACTERÍSTICAS	MODALIDAD	TIEMPO DE CORRECCIÓN	TIEMPO DE DEVOLUCIÓN A LOS ESTUDIANTES
Trabajo Práctico 1	Práctico	Escrito	2 semanas	2 semanas
Primer Parcial	Teórico-Práctico	Escrito	1 semana	1 semana
Primer Recuperatorio	Teórico-Práctico	Escrito	1 semana	1 semana
Trabajo Práctico 2	Práctico	Oral	2 semanas	En simultáneo
Segundo Parcial	Teórico-Práctico	Escrito	1 semana	1 semana
Segundo Recuperatorio	Teórico-Práctico	Escrito	1 semana	1 semana
Coloquio Oral de Promoción	Teórico	Oral	En simultáneo	En simultáneo

# • Exámenes Finales

EXAMENES FINALES		
Alumnos en condición regular		
CARACTERÍSTICAS	MODALIDAD	
Teórico-práctico.		
Ejes Temáticos 2 y 3	Escrito	
Unidades 2, 3, 5, 6, 7, 8 y 9		
Teórico (Examen escrito aprobado)	Oral	
Alumnos en condición libre		
CARACTERÍSTICAS	MODALIDAD	
Teórico-práctico.		
Ejes Temáticos 1, 2 y 3	Escrito	
Unidades 1 a 9		
Teórico (Examen escrito aprobado)	Oral	

Firma Docente Responsable	Firma Secretario Académico

Programa Analítico Página 21 de 21