



PROGRAMA ANALÍTICO

FACULTAD: INGENIERÍA

DEPARTAMENTO: CIENCIAS BÁSICAS

CARRERA: INGENIERÍA MECÁNICA

INGENIERÍA ELECTRICISTA

PLAN DE ESTUDIO: 2005 - 2004

MODALIDAD DE CURSADO: PRESENCIAL

ORIENTACIÓN: Ingeniería Electricista:

Sistemas Electrónicos Industriales

Sistemas Eléctricos de Potencia

ASIGNATURA: CÁLCULO III

CÓDIGO: 0403

DOCENTE RESPONSABLE:

NOMBRE	GRADO ACAD. MAX	CARGO	DEDICACIÓN
Jorge Agustín Adaro	Magister en Técnicas renovables en la Ingeniería, Arquitectura y Agricultura	Profesor Asociado	Exclusiva

EQUIPO DOCENTE:

NOMBRE	GRADO ACAD. MAX	CARGO	DEDICACIÓN
Jorge Agustín Adaro	Magister en Técnicas renovables en la Ingeniería, Arquitectura y Agricultura	Profesor Asociado	Exclusiva
María Alejandra Méndez	Magister en Ingeniería Química	Profesor Adjunto	Exclusiva
Alba Ivana Lema	Ingeniera Química	Profesor Adjunto	Exclusiva
Javier Horacio Zizzias	Magister en Ciencias de la Ingeniería	Jefe de Trabajos Prácticos	Exclusiva
Gabriel Germán Paisio	Ingeniero Mecánico	Jefe de Trabajos Prácticos	Exclusiva

AÑO ACADÉMICO: 2019

CARÁCTER DE LA ASIGNATURA: Obligatoria

RÉGIMEN DE LA ASIGNATURA: Cuatrimestral

UBICACIÓN EN EL PLAN DE ESTUDIO: 2^{do} CUATRIMESTRE 2^{do} AÑO



RÉGIMEN DE CORRELATIVIDADES:

<i>Aprobada</i>	<i>Regular</i>
0404	0402

ASIGNACIÓN DE HORAS:

Horas Totales		(60 h.)
Semanales		(4 h.)
Teóricas		(30 h.)
Prácticas	Resolución de problemas	(30 h.)
	Laboratorio	(...)
	Proyecto	(...)
	Trabajo de campo	(...)
Teórico-Prácticas		(...)

FUNDAMENTACIÓN DE LOS OBJETIVOS, CONTENIDOS, PROPUESTA METODOLÓGICA Y EVALUACIÓN DEL PROGRAMA:

La materia Cálculo III, corresponde al ciclo básico de las carreras de Ingeniería Mecánica, Ingeniería Electricista e Ingeniería en Telecomunicaciones. Es una de las asignaturas complementarias para el estudio de los fundamentos teóricos de la Ingeniería, ya que provee los conocimientos esenciales y el soporte matemático necesario para abordar temas del ciclo superior, tales como: análisis de señales, análisis de circuitos eléctricos, electrotecnia, vibraciones mecánicas, termodinámica, sistemas de control, etc.

El objetivo principal que se pretende alcanzar en el desarrollo de esta asignatura, es conocer las bases y fundamentos del análisis matemático en el campo complejo y avanza hacia los conceptos de las transformadas Zeta, Fourier y Laplace.

La propuesta para el desarrollo de esta asignatura, es partir, cuando sea posible, de los conocimientos análogos ya vistos en las materias Cálculo I y Cálculo II, a los fines de entender las similitudes y diferencias del análisis complejo con el análisis real de una y varias variables. Esto permitirá además, comprender qué aspectos de la variable real quedan contenidos en la variable compleja, facilitando así una mejor comprensión del cálculo en general y entendiendo cómo el esfuerzo de ampliar horizontes y considerar valores complejos, permite resolver problemas de análisis real que de otra forma no sabemos abordar.



OBJETIVOS PROPUESTOS:

- Manejar adecuadamente el conjunto de los números complejos y sus operaciones.
- Conocer la teoría de las funciones de variable compleja, la derivación y el concepto de funciones analíticas. Determinar el dominio de analiticidad de una función y clasificar sus singularidades.
- Conocer la integración en el campo complejo. Calcular las integrales de línea y las de integrando complejo de variable real.
- Conocer la teoría de las Series Complejas de Taylor y Laurent, como así también el teorema del residuo. Poder desarrollar funciones en series de potencias.
- Conocer las transformadas Zeta, de Fourier y de Laplace, identificando sus propiedades y su aplicación a la resolución de problemas.
- Desarrollar en el estudiante un pensamiento matemático, en el que vayan a la par la comprensión clara de los diferentes conceptos y la habilidad en la resolución de problemas utilizando las técnicas matemáticas desarrolladas.

COMPETENCIAS:

○ **Competencias genéricas:**

1. Desempeñarse de manera efectiva en equipos de trabajo.
2. Comunicarse con efectividad.
3. Aprender en forma continua y autónoma.

○ **Competencias específicas:**

- 1-a Reconocer y respetar los puntos de vista y opiniones de otros miembros del equipo y llegar a acuerdos.
- 1-b Asumir responsabilidades y roles dentro del equipo de trabajo.
- 2-a Seleccionar las estrategias de comunicación en función de los objetivos y de los interlocutores y de acordar significados en el contexto de intercambio.
- 2-b Producir e interpretar textos técnicos (memorias, informes, etc.) y presentaciones públicas.
- 3-a Reconocer la necesidad de un aprendizaje continuo a lo largo de la vida.
- 3.b Lograr autonomía en el aprendizaje.



EJES TEMÁTICOS ESTRUCTURANTES DE LA ASIGNATURA Y ESPECIFICACIÓN DE CONTENIDOS:

Como cátedra que participamos en un proyecto PELPA, trabajamos la lectura y escritura del lenguaje matemático y el dominio de la simbología propia del campo complejo.

Consideramos que la producción de textos, debe abarcar no sólo los procedimientos propios del campo de los complejos, sino también la descripción y fundamentación de los conceptos teóricos en los cuales se sostienen, aspectos que se trabajarán en las clases presenciales y de consulta y además son elementos que serán parte de los criterios de evaluación.

Unidad 1. Números Complejos y el Plano Complejo

Números complejos. Forma binómica. Operaciones: suma, resta, producto y cociente; conjugado. Representación geométrica de un número complejo. Forma trigonométrica o polar. Potencias de exponente entero. Raíces. Generalización a potencias de exponente racional. Topología del plano complejo: entorno de un punto; punto interior, exterior y frontera de un conjunto. Conjuntos abiertos y conjuntos cerrados; punto de acumulación, conjunto conexo, dominio, región, conjunto acotado. Plano complejo extendido, esfera de Riemann, Proyección estereográfica.

Unidad 2. Funciones complejas. Límite, Continuidad y Diferenciación

Funciones de una variable compleja a valores complejos. Límite. Continuidad. Diferenciabilidad. Ecuaciones de Cauchy - Riemann. Funciones analítica. Condición necesaria y suficiente para la analiticidad de una función. Ecuaciones de Cauchy – Riemann en forma polar. Puntos regulares y puntos singulares. Ceros de una función. Funciones armónicas, armónicas conjugadas, ecuación de Laplace.

Unidad 3. Funciones Elementales

Funciones elementales: exponencial, lineal, potencial de exponente natural, inversión, bilineal, trigonométricas, hiperbólicas, logaritmo, potencial de exponente complejo, trigonométricas inversas.

Unidad 4. Integración en el Plano Complejo



Curvas y su parametrización. Curvas suaves y contornos. Enunciado del Teorema de la curva de Jordan. Conjuntos simplemente conexos y múltiplemente conexos. Integral de una función de variable real a valores complejos. Longitud de una curva. Integral de una función de variable compleja a valores complejos sobre una curva en. Invariabilidad de la integral ante un cambio de parametrización de la curva. Teorema de Cauchy para un contorno simple cerrado. Enunciado de sus generalidades: Teorema de Cauchy-Goursat. Integral indefinida de una función analítica en un dominio simplemente conexo. Fórmula Integral de Cauchy. Teorema de Morera, Teorema de Liouville, Teorema Fundamental del Álgebra.

Unidad 5. Series y Residuos

Sucesiones de números complejos. Series de números complejos. Series de potencias: convergencia uniforme y funciones analíticas. Serie de Taylor. Ceros de una función analítica. Serie de Laurent. Clasificación de las singularidades aisladas: evitables, polos, esenciales. Residuo. Teorema del Residuo. El principio del Argumento.

Unidad 6. Transformadas

Transformada Z (TZ) unilateral de funciones reales de variable natural. Propiedades de la TZ: linealidad, cambio de escala, desplazamiento en el tiempo, convolución en el tiempo. Inversión de la TZ. Cálculo de transformadas. Aplicaciones de la TZ al análisis de sistemas lineales, invariantes en el tiempo, causales y discretos. Transformada de Fourier (TF) de funciones complejas de variable real. Condición suficiente de existencia. Inversión de la TF. Propiedades de la TF: linealidad, cambio de escala, desplazamiento en el tiempo, desplazamiento en la frecuencia, simetría, diferenciación e integración en el tiempo, diferenciación en la frecuencia. Funciones generalizadas: el impulso unitario (delta de Dirac); el escalón unitario (escalón de Heaviside). Convolución: definición y propiedades. Cálculo de Transformadas. Aplicaciones de las TF al análisis de sistemas lineales invariantes en el tiempo. La Transformada de Laplace unilateral y bilateral de funciones complejas de variable real. Analogía entre la Transformada Z y la Transformada de Laplace. Relación entre la Transformada Fourier y la Transformada de Laplace. Inversión de Transformada de Laplace: fórmula integral de Bronwich. Cálculo de la transformada inversa de Laplace mediante residuos. Transformada de Laplace del impulso unitario (delta de Dirac). Transformada de Laplace de funciones periódicas.



FORMAS METODOLÓGICAS:

Las clases serán de carácter teórico- práctico. El desarrollo de las mismas abarca una exposición teórica conceptual, por parte de docentes, abarcando ejemplos prácticos de aplicación, que propicien la comprensión de los nuevos conceptos introducidos. En otros momentos de la clase se propone la resolución de ejercicios y problemas. En general se sugiere el trabajo grupal entre los estudiantes para favorecer el intercambio de propuestas y argumentaciones entre ellos. Durante ese bloque de trabajo, el equipo docente está disponible para contribuir a las discusiones que se produzcan en los grupos de trabajo. Se espera que estas prácticas sumadas a la revisión de otros problemas por parte de los estudiantes en su estudio fuera del aula, se alcancen los objetivos de aprendizaje propuestos.

Por otra parte sobre el contenido particular, Funciones Elementales, se indica a los estudiantes realizar un estudio de un caso particular y elaborar un escrito del análisis realizado y conclusiones.

PROGRAMAS Y/O PROYECTOS PEDAGÓGICOS E INCLUSIVOS:

Parte de las actividades que se desarrollan están inscriptas dentro del Proyecto PELPA 2017/2018: SABERES SOBRE LECTURA Y ESCRITURA EN MATEMATICA PARA INGENIERIA.

Entendemos que el trabajo con el lenguaje matemático promueve el aprendizaje de los temas y es además una herramienta que permite debatir y profundizar la discusión de los nuevos conceptos.

CRONOGRAMA TENTATIVO DE CLASES Y PARCIALES y NÓMINA DE TRABAJOS PRÁCTICOS:

Clases	Fecha	Temas	Actividad
1	14/ 08	Números Complejos – Propiedades - Forma Polar	Teórico - Práctico
2	15/ 08	Argumento Principal -Potencia Entera	Teórico - Práctico
3	21/ 08	Raíz de Números Complejos – Potencia Fraccionaria	Teórico - Práctico
4	22/ 08	Puntos y Conjuntos en el Plano Complejo	Teórico - Práctico
5	28/ 08	Funciones Complejas – Representación Gráfica	Teórico - Práctico
6	29/ 08	Límite y Continuidad	Teórico - Práctico
7	4/ 09	Derivada – Condiciones Necesarias y suficientes	Teórico - Práctico



8	5/ 09	Analiticidad – Funciones Analíticas y Enteras – Puntos regulares y singulares – Regla de L'Hopital	Teórico - Práctico
9	11/ 09	Funciones Elementales: Función Lineal	Teórico - Práctico
10	12/ 09	Funciones Elementales: Exponencial	Teórico - Práctico
11	18/ 09	Funciones Elementales: Inversa, Bilineal.	Teórico - Práctico
12	19/ 09	Funciones Elementales:, Trigonómicas, Logaritmo	Teórico - Práctico
13	25/ 09	Curvas y su parametrización	Teórico - Práctico
14	26/ 09	Integrales Complejas	Teórico - Práctico
	30/ 09	1° PARCIAL	
15	2/ 10	Integral de Línea – Teorema de Cauchy – Teorema de Cauchy-Goursat	Teórico - Práctico
16	3/ 10	Fórmula Integral de Cauchy – Fórmula Integral de la Derivada	Teórico - Práctico
17	9/ 10	Series de Potencia .	Teórico - Práctico
18	10/ 10	Serie de Taylor	Teórico - Práctico
19	16/ 10	Ceros de Funciones Analíticas - Serie de Laurent	Teórico - Práctico
20	17/ 10	Parte Principal– Singularidades y Polos	Teórico - Práctico
21	23/ 10	Residuos - Teoremas de los Residuos	Teórico - Práctico
22	24/ 10	Transformada Z	Teórico - Práctico
23	30/ 10	Transformada Z	Teórico - Práctico
24	31/ 10	Transformada Z	Teórico - Práctico
	6/ 11	2° PARCIAL	
25	7/ 11	Transformada de Fourier	Teórico - Práctico
26	13/ 11	Transformada de Fourier	Teórico - Práctico
27	14/ 11	Transformada de Fourier	Teórico - Práctico
	20/11	RECUPERATORIO 1° PARCIAL	



28	21/11	Transformada de Laplace	Teórico - Práctico
	27/ 11	RECUPERATORIO 2º PARCIAL	

BIBLIOGRAFÍA OBLIGATORIA Y DE CONSULTA ESPECIFICANDO EL EJE TEMÁTICO DE LA ASIGNATURA:

BIBLIOGRAFÍA OBLIGATORIA Y DE CONSULTA

Título y Autor/es	Editorial	Año de Edición	Ejemplares en biblioteca
Introducción al Análisis Complejo con aplicaciones ZILL, D. G. y SHANAHAN, P. D.	Cengage Learning	2009	10
Variable Compleja y aplicaciones CHURCHILL, R. V. y WARD B. J.	Mc Graw-Hill	2004	5
Variable Compleja: resolución de problemas y aplicaciones ANGULO, JUAN CARLOS	Paraninfo	2012	1(*)
Transformadas de Laplace y de Fourier SPROVIERO, M. O.	Nueva Librería	2005	1(*)
Ecuaciones Diferenciables y Variable Compleja LOPEZ GOMEZ, J.	Prentice Hall	2001	1(*)
Señales y Sistemas Lineales GABEL, R - ROBERTS, R.	Limusa	1990	1
Variable Compleja con aplicaciones WUNSCH, A.D.	Addison Wesley	1997	1
A first course in applied complex variables RUBENFELD, L.	Wiley	1985	1
Complex variables and the Laplace transform for engineers LEPAGE, W.	Mc Graw-Hill	1961	1



The Fourier Transform and its applications BRACEWELL, R.	2nd Ed. Mc Graw-Hill	1986	1
Lineal Systems: Time domain and Transform Analysis O'FLYNN, M and MORIARTY E.	Wiley	1987	1

(*) Libro disponible por el Equipo Docente.

MATERIAL AUDIOVISUAL ELABORADO POR LA CÁTEDRA

Link del canal de Cálculo III.: <https://goo.gl/aXQzlj>

	<u>Temas Contenidos</u>	<u>Unidad</u>	<u>LINK</u>
1	Números complejos. Forma binómica. Representación. Operaciones: suma, resta, producto y cociente. Complejo conjugado. Módulo de complejos, propiedades. Forma polar. Argumento Principal. Fórmula de Euler.	1	https://www.youtube.com/watch?v=xQfdF7FCnWg
2	Fórmula de Euler. Teorema de Moivre. Uso para el cálculo de potencias enteras de números complejos.	1	https://youtu.be/JqOfoP93kv0
3	Cálculo de raíces de números complejos. Ejemplo de cálculo.	1	https://www.youtube.com/watch?v=RXm2UU3eDzo
4	Puntos y Conjuntos en el plano complejo. Regiones en el plano complejo.	1	https://www.youtube.com/watch?v=NX8rDPtisao
5	Definición de derivada de funciones complejas. Ejemplos de cálculo. Enunciado del teorema de Cauchy Riemann y las condiciones necesarias y suficientes para la existencia de la derivada.	2	https://youtu.be/7DSE3iQSwYA
6	Funciones en variable compleja como Mapeo. Ejemplos de la transformación $w=f(z)=z^2$ sobre distintas regiones.	3	https://youtu.be/ITZwqW5Q79g
7	Función exponencial compleja.	3	https://goo.gl/NjZb7U



8	Desarrollo de curvas en plano complejo. Integrales de funciones de valor complejo. Integrales de línea.	4	https://www.youtube.com/watch?v=cDC24oYaAAo
9	Integrales de línea en complejos.	4	https://www.youtube.com/watch?v=IoOgJN_gj94
10	Curvas e Integrales complejas.	4	https://www.youtube.com/watch?v=xv6En8FnTUg
11	Teorema de Cauchy-Goursat. Aplicaciones.	4	https://www.youtube.com/watch?v=L4huWnAMDLo
12	Desarrollo de la Fórmula integral de Cauchy y Fórmula integral de la derivada de Cauchy.	4	https://www.youtube.com/watch?v=Wxn_wAYM2zI
13	Sucesiones y Series en complejos.	5	https://www.youtube.com/watch?v=qGBtaLF8Qj0
14	Sucesiones y Series en complejos.	5	https://www.youtube.com/watch?v=c_puKosSjPo
15	Sucesiones en complejos. Introducción a Series.	5	https://www.youtube.com/watch?v=4RqY7njltWU
16	Serie de Taylor y Serie de Laurent. Ejemplos. Ceros de funciones.	5	https://www.youtube.com/watch?v=Q3iNRkJR0mo
17	Series de potencia. Serie de Taylor en complejos.	5	https://www.youtube.com/watch?v=RqgFGRrl1cQ
18	Serie de Taylor. Ejemplo de un desarrollo.	5	https://www.youtube.com/watch?v=2DPpUUD33CU
19	Serie de Taylor. Ejemplo de un desarrollo.	5	https://www.youtube.com/watch?v=vWkbUiQmAq0
20	Serie de Taylor. Ejemplo de un desarrollo.	5	https://www.youtube.com/watch?v=o5o3BSj49rI
21	Transformada Z. Definición. Propiedad de linealidad.	6	https://www.youtube.com/watch?v=FvpgW3vY80k
22	Transformada Zeta. Definición y propiedades.	6	https://www.youtube.com/watch?v=n_MOkOdJOBA
23	Transformada Z inversa. Ejemplo de las tres formas de cálculo.	6	https://www.youtube.com/watch?v=0L_SWgRsgdg

NÓMINA DE TRABAJOS PRÁCTICOS

Funciones de Variable Compleja como Mapeos

Este trabajo propone el mapeo de las regiones del plano complejo que se indican, por medio de una función de variable compleja. La resolución de la actividad deberá presentarse por escrito en un plazo no mayor a 3 semanas.



El escrito deberá ser elaborado explicando el estudio realizado, describiendo los pasos seguidos para llegar a la solución, dando cuenta de los conceptos o conocimientos empleados como también de la forma en que fueron utilizados. Apele tanto a herramientas analíticas como gráficas.

HORARIO DE CLASES:

Comisión 1

DIA	HORARIO
Miércoles	14 a 17 horas
Jueves	17 a 19 horas

Comisión 2

DIA	HORARIO
Lunes	10 a 12 horas
Miércoles	13 a 16 horas

HORARIO Y LUGAR DE CONSULTAS:

DIA	HORARIO	LUGAR
Lunes	14 a 15:30 h.	Oficina 3
Martes	14 a 16 h.	Oficina 4
Jueves	10 ^a 12 h.	Oficina 4
Jueves	14 a 15:30 h.	Oficina 3

REQUISITOS PARA OBTENER LA REGULARIDAD Y LA PROMOCIÓN:

Los requisitos para regularizar y promocionar la materia, fueron fijados de acuerdo a lo establecido en el punto 3.2 parte B de la Res. 120/17 del Consejo Superior de la UNRC.

Regularidad: Para acceder a la regularidad de la materia, es requisito obtener en cada parcial o instancia de recuperación una nota igual o superior a 5 (cinco).

Promoción: aquellos alumnos que habiendo aprobado los parciales o su instancia recuperatoria y además sumen 14 puntos entre las dos notas resultantes, tendrán la posibilidad de rendir un coloquio, que de aprobar significará la promoción de la materia. El coloquio en este caso es sobre temas indicados por el docente y conocidos por el alumno con 3 días de anticipación al mismo.

Examen final: Aquellos alumnos que no promocionen la materia, deberán rendir un examen final. El mismo consta de un examen escrito y de aprobarse se continua con un coloquio oral. El examen



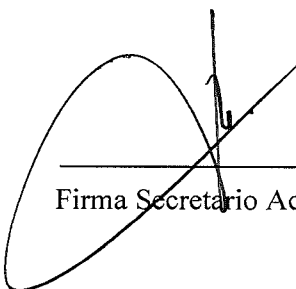
escrito difiere dependiendo si la condición del estudiante es libre o regular. La extensión del examen libre es mayor, ya que abarca un espectro más amplio de temas de la asignatura.

CARACTERÍSTICAS, MODALIDAD Y CRITERIOS DE LAS INSTANCIAS EVALUATIVAS, INCLUYENDO EXAMEN FINAL, ESTABLECIENDO TIEMPOS DE CORRECCIÓN DE LAS MISMAS Y LA DEVOLUCIÓN A LOS ESTUDIANTES:

EXÁMENES PARCIALES				
INSTANCIA EVALUATIVA	CARACTERÍSTICAS	MODALIDAD	TIEMPO DE CORRECCIÓN	TIEMPO DE DEVOLUCIÓN A LOS ESTUDIANTES
Parcial/Recuperatorio	Práctico	Escrito	4 días	7 días
Trabajo Práctico	Teórico/Práctico	Escrito	7 días	10 días
Coloquio	Teórico	Oral		

EXÁMENES FINALES	
CARACTERÍSTICAS	MODALIDAD
Teórico/Práctico	Mixto


Firma Docente Responsable


Firma Secretario Académico