## Departamento de Matemática Facultad de Ciencias Exactas, Físico Químicas y Naturales Universidad Nacional de Río Cuarto

Carreras: Profesorado y Licenciatura en Matemática.

Asignatura: Probabilidades

**Código**: 1987

Profesor Responsable: Dr Marcelo Ruiz.

Equipo Docente: Juliana Maldonado y Marcelo Ruiz.

Año Académico: 2017

Régimen de la asignatura: cuatrimestral.

Régimen de regularidad: aprobación de 2 parciales.

Régimen de promoción: no hay.

Asignación de horas semanales: 8 horas de clase.

Exámenes parciales: consisten en la resolución de problemas.

**Exámen final**: se evalúan los contenidos desarrollados durante el cursado de la asignatura dando énfasis a la interrelación global de los mismos. Los exámenes son orales o escritos.

Objetivos propuestos: Comprender los conceptos de la teoría de probabilidad y su interrelación con otras áreas de la matemática. Abordar el modelaje de objetos de campos científicos como biología, física, economía, computación, etc.

#### Contenidos de aprendizaje.

## Unidad 1 Espacio de Probabilidad. .

Introducción. Principios de conteo. Permutaciones. Combinaciones. Coeficientes multinomiales. Problemas de distribución de objetos en urnas. Espacios de probabilidad. Propiedades elementales. Probabilidad Condicional e Independencia. Teorema de Bayes.

## Unidad 2 Variables y Vectores Aleatorios: definiciones generales.

Definición de variable aleatoria. Función de distribución. Casos discreto y continuo. Vectores aleatorios (caso discreto).

## Unidad 3 Variables Aleatorias Discretas.

Funciones de probabilidad de masa y de distribución. Propiedades. Independencia e independencia de a pares de familias de variables aleatorias. Esperanza o valor esperado. Momentos. Varianza. Propiedades de la esperanza y varianza como operadores. Ensayos de Bernoulli, distribución binomial, multinomial, de Poisson, geométrica y binomial negativa. Dependencia. Distribuciones conjuntas y marginales. Covarianza y variables correlacionadas. Coeficiente de correlación y correlación lineal. Distribución condicional y esperanza condicional. Propiedades.

#### Unidad 4 Variables Aleatorias Continuas.

Funciones de densidad y de distribución. Propiedades. Independencia. Momentos. Distribución uniforme, exponencial, normal, gamma, de Cauchy, etc.

# Unidad 5 Función Generatriz. Propiedad reproductiva. Desigualdades. Teoremas de Límite.

Función generatriz de momentos (fgm) de una variable aleatoria. Caracterización de una distribución a partir de su fgm. Sumas de variables aleatorias independientes. Familias de distribuciones con la propiedad reproductiva. Desigualdades de Markov y de Chebyshev. Convergencia fuerte y en probabilidad. Leyes Débil y Fuerte de los grandes números. Convergencia en distribución. Teorema central del límite.

## Formas Metodológicas.

Se propone un desarrollo teórico-práctico haciendo énfasis en la integralidad del objeto de estudio. Los contextos de aplicaciones de la teoría se muestran una unidad con el desarrollo de esta última.

## Trabajos Prácticos.

Práctico I. Espacios de Probabilidad.

Práctico II. Variables y vectores aleatorios: definiciones generales.

Práctico III. Variables y vectores aleatorios discretos.

Práctico IV. Variables aleatorias continuas.

Práctico V. Funciones generatrices. Desigualdades. Convergencia.

## Bibliografía.

- Bruno De Nápoli. (2012). *Notas de Probabilidad y Estadística*. Universidad de Buenos Aires. Publicadas On line.
- Geoffrey Grimmett y David Stirzaker, D. (2001). Probability and Random Processes. Oxford, University Press.
- Ricardo Maronna. (1995). Probabilidad y Estadística Elementales para Estudiantes de Ciencias. Fundación de Ciencias Exactas de la Universidad Nacional de La Plata.
- Emanuel Parzen. (1987). Teoría moderna de probabilidades y sus aplicaciones. Limusa.
- Sheldon Ross. (2016). Introduction to Probability Models. Academic Press.